

## بازده حرارتی چرخه دیزل

$$(\eta_t)_{\text{DIESEL}} = |w_{\text{net}}| / |q_{\text{in}}| = 1 - \left[ |q_{\text{out}}| / |q_{\text{in}}| \right]$$

$$= 1 - \left[ c_v (T_f - T_1) / c_p (T_r - T_1) \right]$$

$$= 1 - (T_f - T_1) / [k(T_r - T_1)]$$

با مرتب کردن دوباره، می توان نشان داد که این معادله برابر است با:

$$(\eta_t)_{\text{DIESEL}} = 1 - (1/r_c)^{k-1} \left[ (\beta^k - 1) / \{k(\beta - 1)\} \right]$$

که در آن:

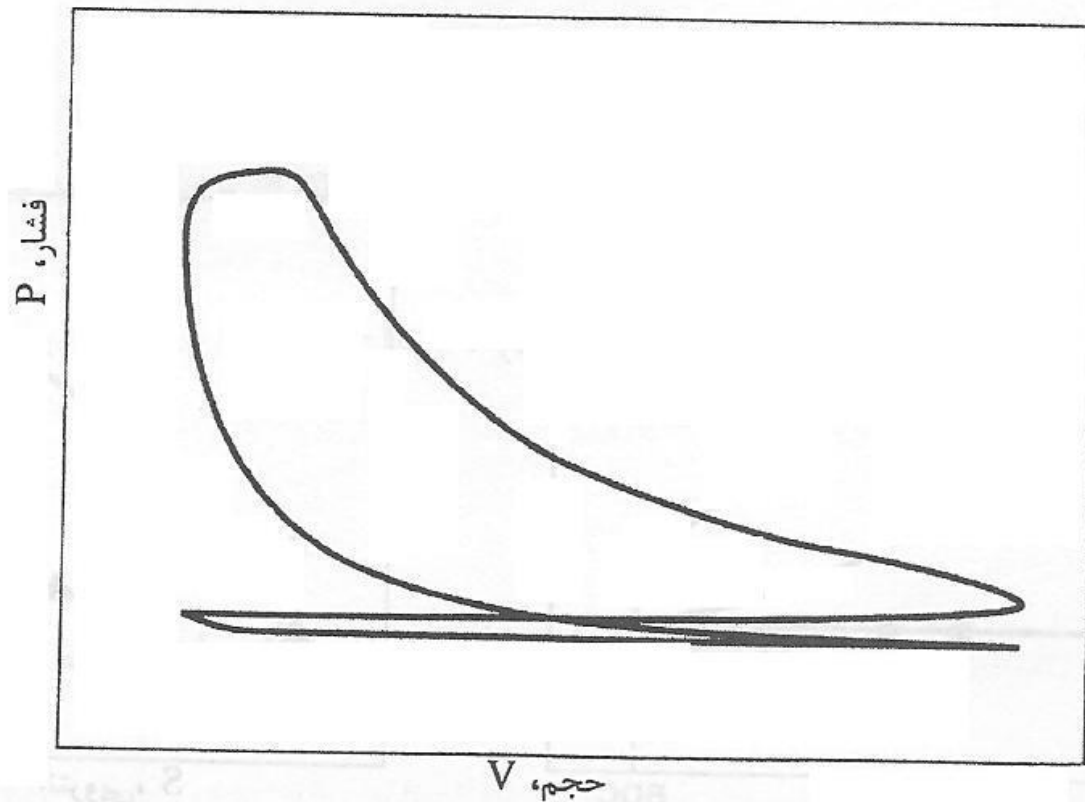
$$r_c = \text{نسبت تراکم}$$

$$k = c_p / c_v$$

$$\beta = \text{نسبت حجم در احتراق}$$

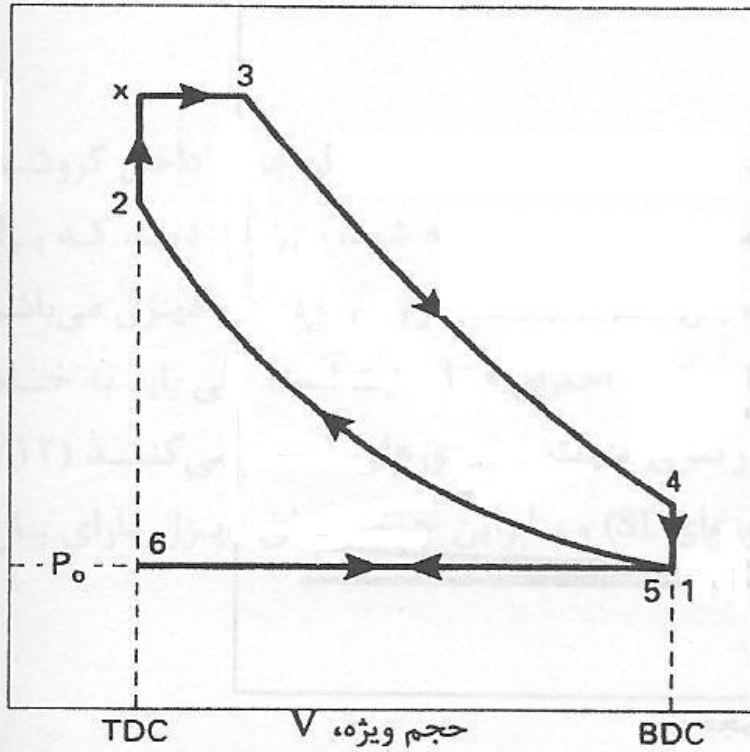
اگر اعداد نمونه‌ای در معادله جایگزاری شوند، دیده می‌شود که مقدار جمله داخل کروشه ، بزرگتر از یک است. هنگامیکه نتایج این معادله با معادله چرخه اتو مقایسه شود، می‌توان دید که برای یک نسبت تراکم مشخص، بازده حرارتی چرخه اتو، بزرگتر از بازده حرارتی چرخه دیزل می‌باشد. احتراق حجم ثابت در TDC، دارای بازده بیشتری نسبت به احتراق فشار ثابت است. ولی باید به خاطر داشت که موتورهای CI با نسبت‌های تراکم بسیار بزرگتری نسبت به موتورهای SI کار می‌کنند (۱۲ تا ۲۴ در موتورهای CI در مقایسه با ۸ تا ۱۱ در موتورهای SI) و بنابراین چرخه‌های دیزل دارای بازده حرارتی بزرگتری از چرخه‌های اتو هستند.

# چرخه دوگانه (چرخه با فشار محدود شده)



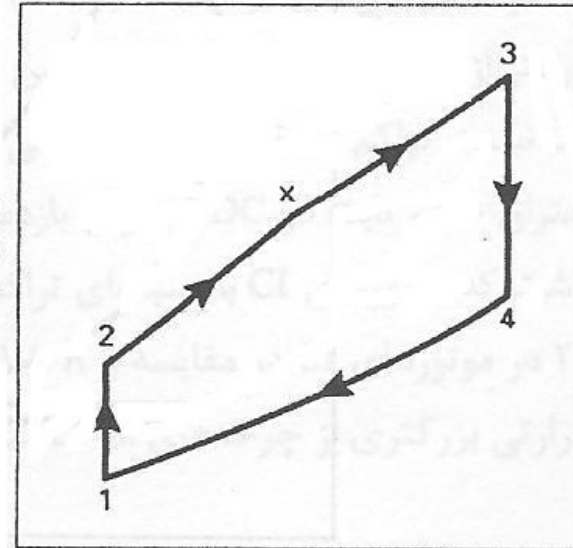
دیاگرام اندیکاتوری یک موتور CI جدید، که با چرخه چهار زمانه کار می کند.

فشار، P



(الف)

دما، T



(ب)

چرخه استاندارد هوای دوگانه، ۶-۱-۲-x-۳-۴-۵-۶، که به تقریب جایگزین چرخه چهار زمانه

موتور CI شده است در (الف) مختصات فشار-حجم ویژه، و (ب) مختصات دما-آنترופی

# بازده حرارتی چرخه دوگانه

$$(\eta_t)_{\text{DUAL}} = 1 - (1/r_c)^{k-1} \left\{ \frac{[\alpha\beta^k - 1]}{[k\alpha(\beta - 1) + \alpha - 1]} \right\}$$

که در آن:

$r_c =$  نسبت تراکم

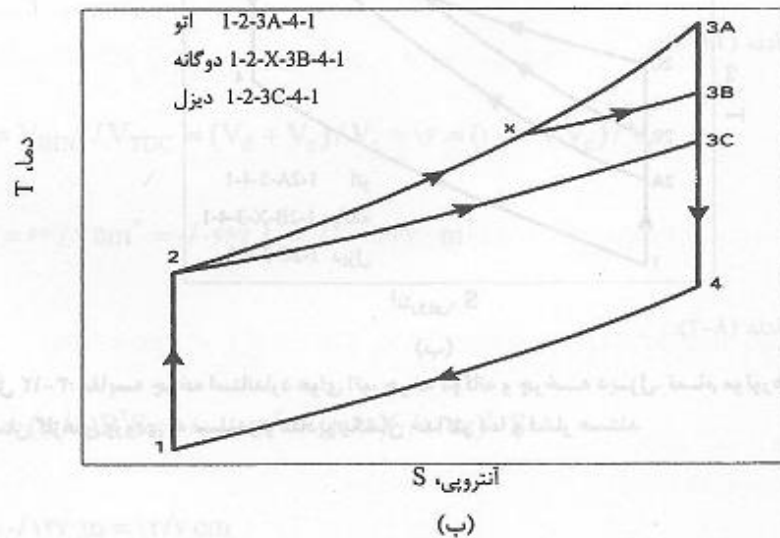
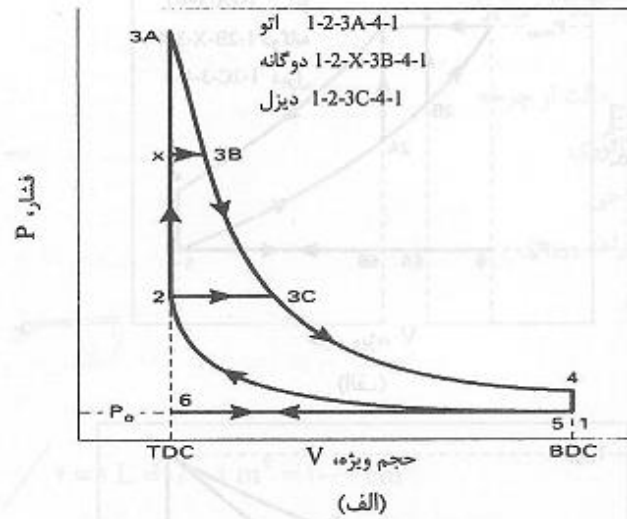
$k = c_p / c_v$

$\alpha =$  نسبت فشار

$\beta =$  نسبت حجم در احتراق

# مقایسه چرخه های اتو، دیزل و دوگانه

# چرخه‌های اتو، دیزل و دوگانه با شرایط ورودی یکسان و نسبتهای تراکم یکسان



مقایسه چرخه استاندارد هوای اتو، چرخه دوگانه و چرخه دیزل. تمام موتورها دارای شرایط یکسان گازهای ورودی به سیلندر و نسبت تراکم یکسان هستند.



بازده حرارتی هر چرخه به صورت زیر نوشته می شود:

$$\eta_t = 1 - |q_{out}| / |q_{in}|$$

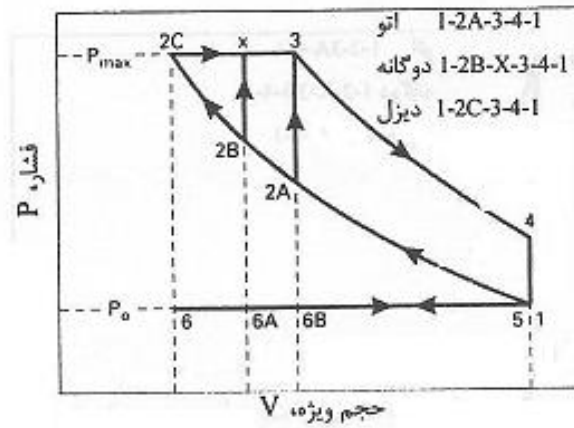
سطح زیر خطوط فرآیند در مختصات T-S، (با شرایط بازگشت پذیری داخلی فرآیند) برابر با انتقال حرارت به، یا از آن فرآیند است. بنابراین بازده حرارتی چرخه‌های نشان داده شده در شکل می‌توانند مقایسه شوند.  $q_{out}$ ، تمامی چرخه‌ها یکسان است (فرآیند ۱-۴)، در حالی که  $q_{in}$  هر چرخه متفاوت می‌باشد. در این شرایط مقادیر بازده حرارتی بشکل زیر بدست می‌آیند:

$$(\eta_t)_{OTTO} > (\eta_t)_{DUAL} > (\eta_t)_{DIESEL}$$

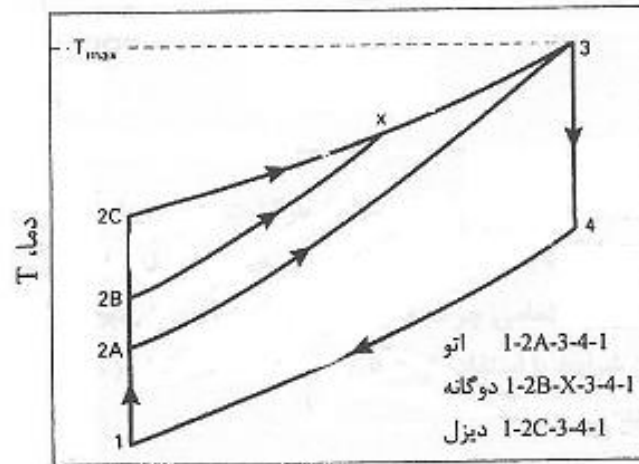
ولی روش فوق، بهترین روش برای مقایسه این سه نوع چرخه نیست، زیرا در واقع این چرخه‌ها با نسبت تراکم یکسان کار نمی‌کنند. موتورهای اشتعال تراکمی که با چرخه دوگانه یا چرخه دیزل کار می‌کنند، در مقایسه با موتورهای اشتعال جرقه‌ای که با چرخه اتو کار می‌کنند، دارای نسبتهای تراکم بسیار بزرگتری هستند. روشی واقع‌گرایانه‌تر برای مقایسه این سه نوع چرخه، داشتن حداکثر فشار

یکسان آنهاست که یک محدودیت واقعی در طراحی موتور می‌باشد. این امر در شکل انجام شده است. هنگامیکه این شکل با نتایج معادله مقایسه شود، می‌توان دریافت که:

$$(\eta_t)_{\text{DIESEL}} > (\eta_t)_{\text{DUAL}} > (\eta_t)_{\text{OTTO}}$$



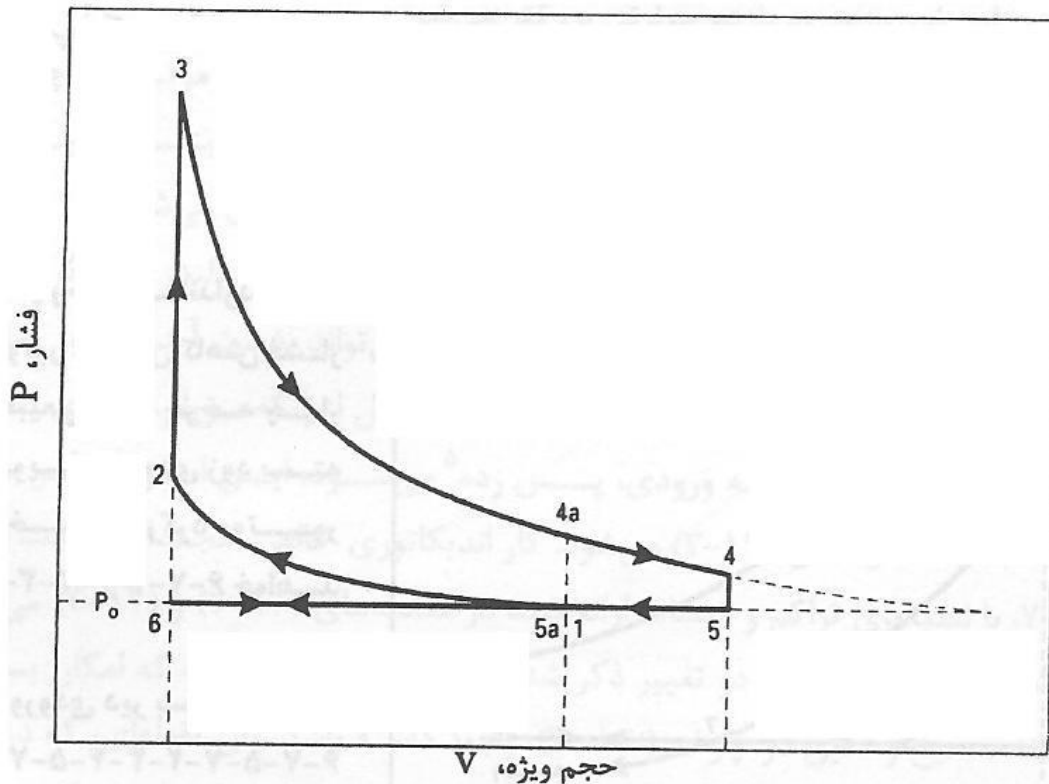
(الف)



(ب)

مقایسه چرخه استاندارد هوای اتو، چرخه دوگانه و چرخه دیزل. تمام موتورها دارای شرایط یکسان گازهای ورودی به سیلندر و مقادیر یکسان حداکثر دما و فشار هستند

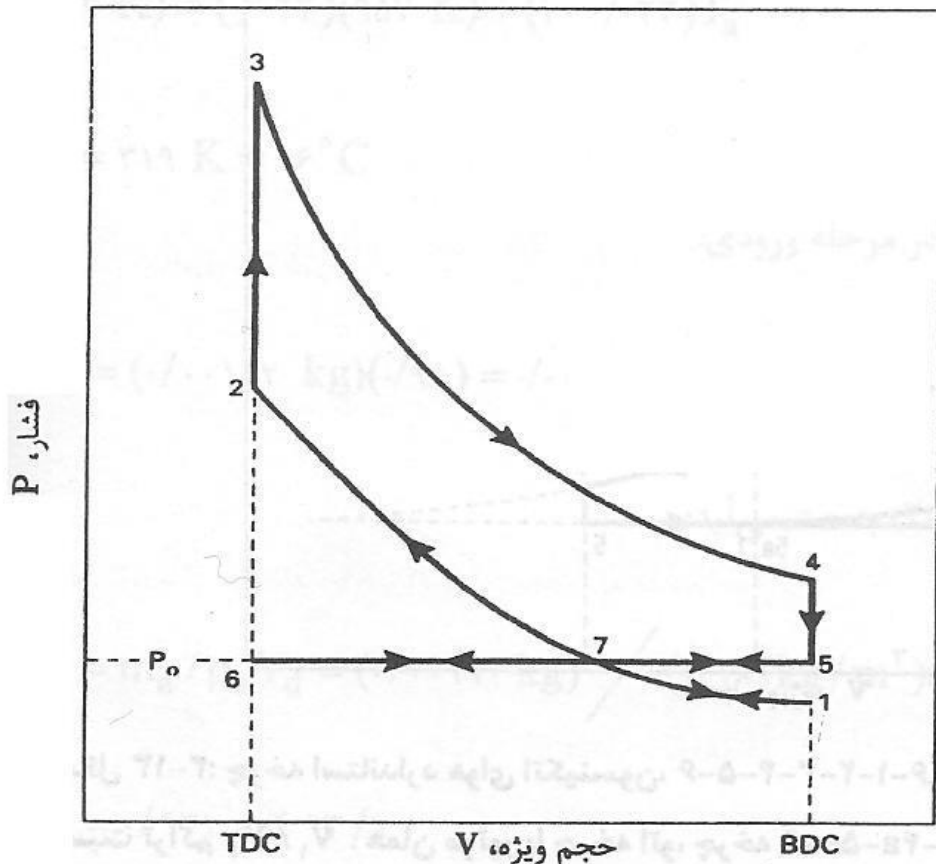
# چرخه اتکینسون یا چرخه با انبساط اضافه یا چرخه با انبساط کامل



چرخه استاندارد هوای اتکینسون، ۱-۲-۳-۴-۵-۶، با نسبت انبساط بیشتر  $V_4 / V_1$  نسبت به

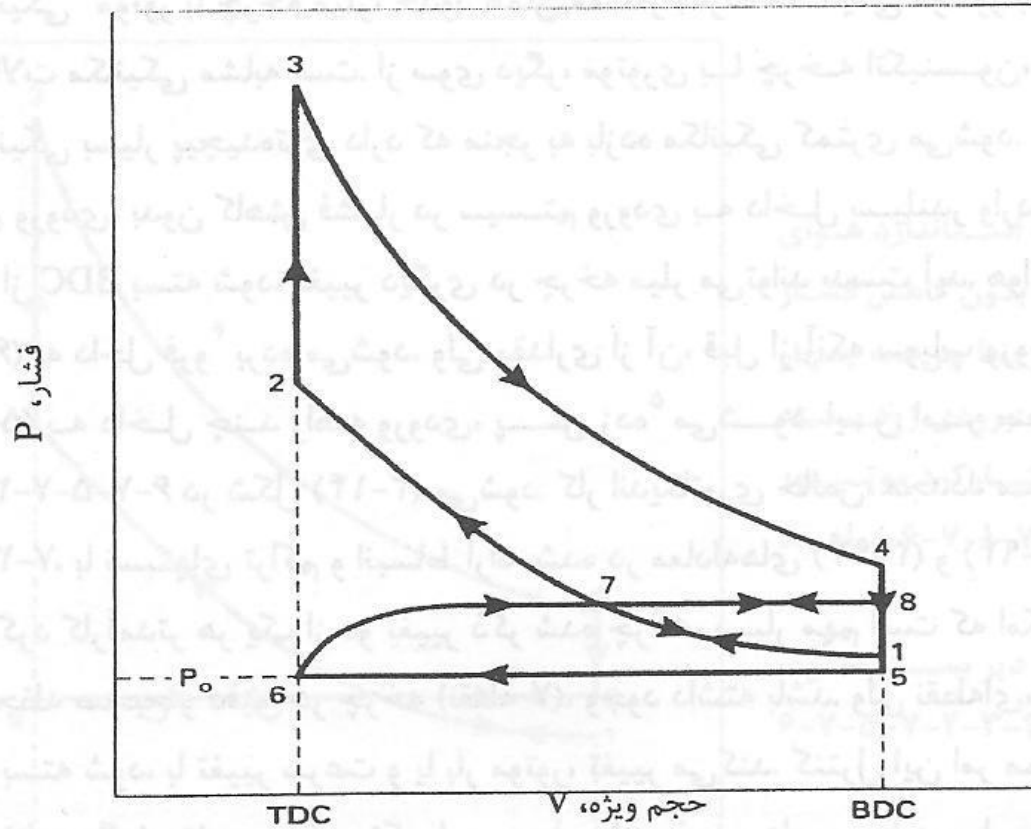
نسبت تراکم  $V_1 / V_2$ . همان موتور با چرخه اتو، چرخه ۱-۲-۳-۴a-۵a-۶ را طی می کند.

# چرخه میلر: طرح جدید اصلاح شده از چرخه اتکینسون دارای نسبت انبساط بزرگتر از نسبت تراکم



چرخه استاندارد هوای  
 میلر برای موتور SI بدون کاهش فشار  
 و با تنفس طبیعی و با چرخه چهار  
 زمانه. اگر سوپاپ ورودی زود بسته  
 شود، چرخه کارکرد موتور  
 خواهد بود ۶-۷-۱-۷-۲-۳-۴-۵-۷-۶  
 بود.  
 اگر سوپاپ ورودی دیر بسته شود،  
 چرخه، ۶-۷-۵-۷-۲-۳-۴-۵-۷-۶  
 خواهد بود.

- کار اندیکاتوری در چرخه میلر بزرگتر از چرخه اتو
- در این چرخه کار پمپ کردن گازها وجود ندارد.
- بازده حرارتی بزرگتر
- بازده مکانیکی مشابه چرخه اتو



چرخه استاندارد هوای میلر برای موتور SI با چرخه چهار زمانه مجهز به توربو شارژر یا سوپر شارژر. اگر سوپاپ ورودی زود بسته شود چرخه کارکرد موتور، ۶-۷-۱-۷-۲-۳-۴-۵-۶ خواهد بود. اگر سوپاپ ورودی دیر بسته شود چرخه کارکرد موتور ۶-۷-۸-۷-۲-۳-۴-۵-۶ خواهد بود.

1- Miller cycle

2- Uncontrolled

3- No induction

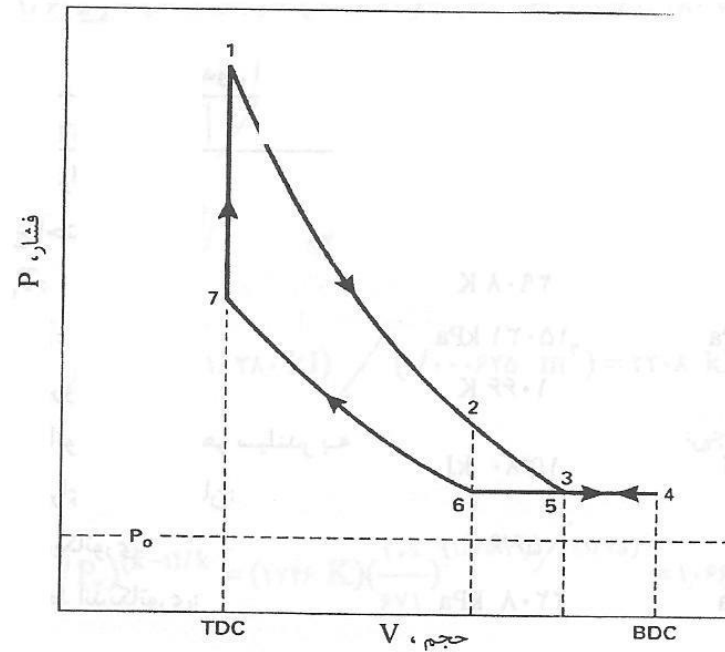
# مقایسه چرخه میلر و چرخه اتو

مقایسه چرخه‌های اتو و میلر

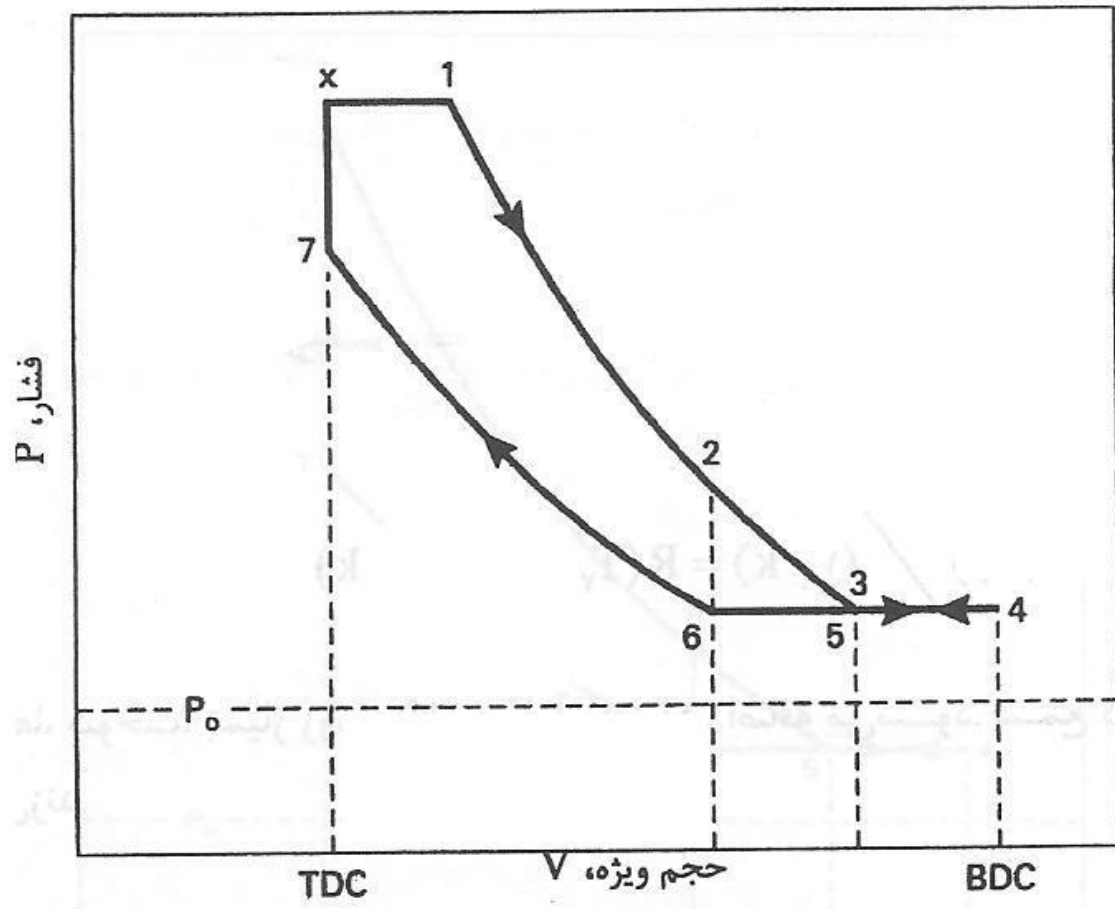
چرخه اتو	چرخه میلر	
۷۰۷K	۶۸۹ K	دما در شروع احتراق $T_p$ :
۱۸۲۶ kPa	۲۶۵۰ kPa	فشار در شروع احتراق $P_p$ :
۳۹۱۵ K	۳۹۰۸ K	حداکثر دما $T_p$ :
۱۰۱۱۱ kPa	۱۵۰۳۱ kPa	حداکثر فشار $P_p$ :
۱۱۸۳K	۱۰۶۶ K	دمای گازهای خروجی:
۱/۰۳۰ kJ	۱/۳۸۰ kJ	کار خالص اندیکاتوری به ازای هر سیلندر به ازای هر چرخه برای $Q_{in}$ یکسان:
۵۲/۹ %	۵۶/۶ %	بازده حرارتی اندیکاتوری:
۱۶۴۹ kPa	۲۲۰۸ kPa	فشار موثر متوسط اندیکاتوری:



# چرخه های دو زمانه

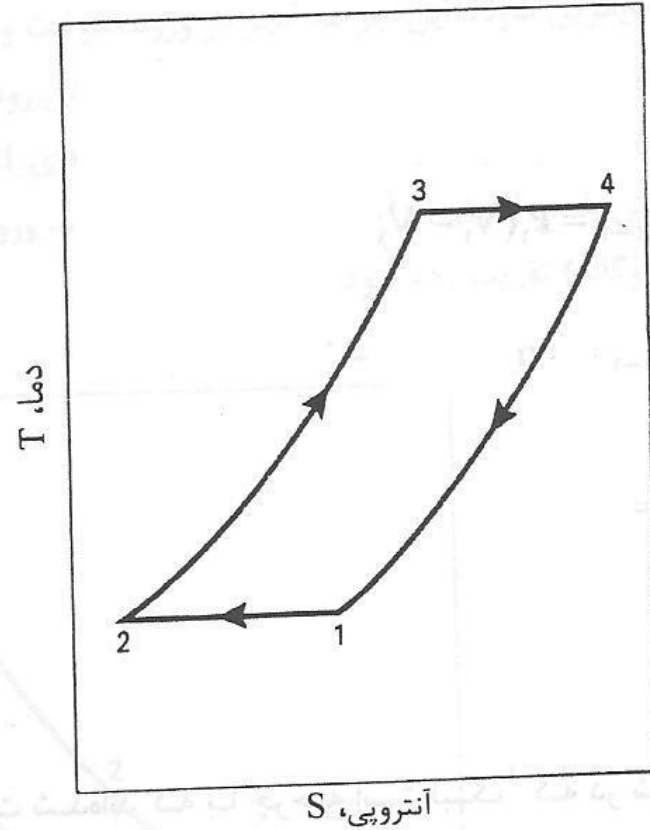
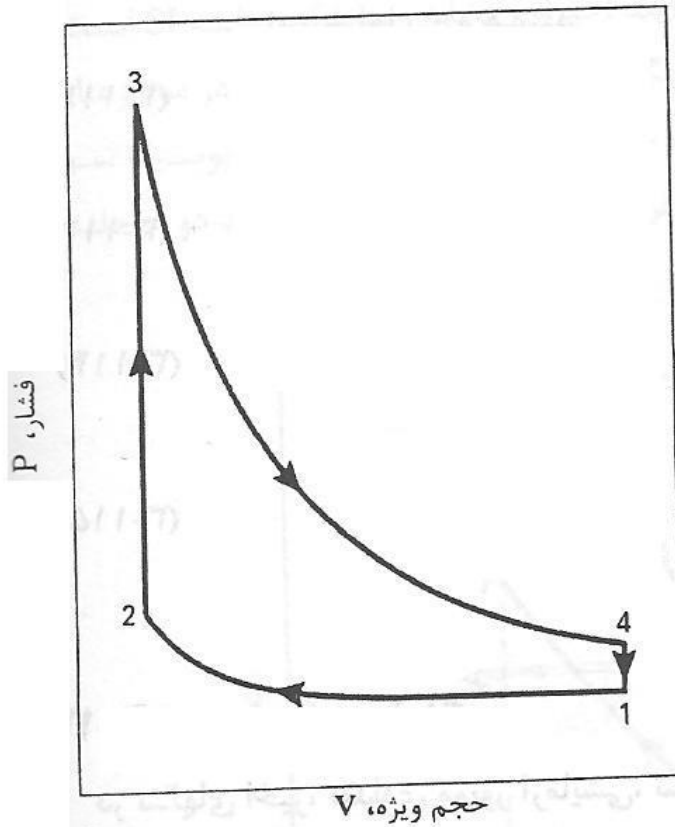


استفاده از چرخه استاندارد هوا بعنوان تقریبی برای موتور SI با چرخه دو زمانه، ۱-۲-۳-۴-۵-۶-۷-۱



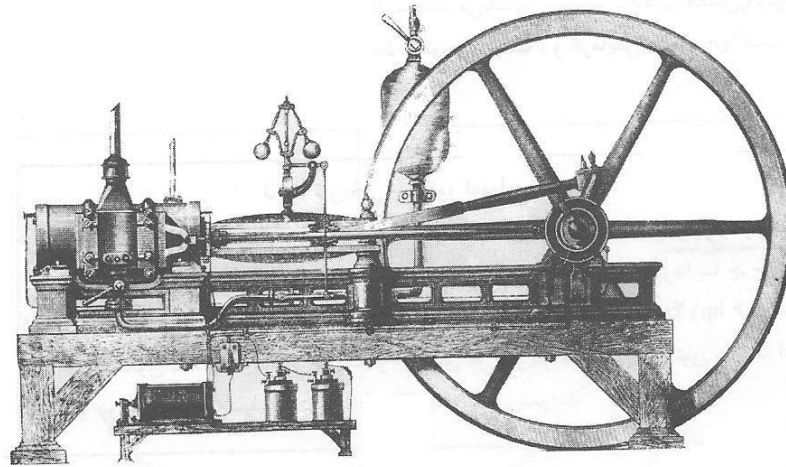
تقریب چرخه استاندارد هوا برای موتور CI با چرخه دو زمانه، ۱-x-۷-۶-۵-۴-۳-۲-۱

# چرخه استرلینگ

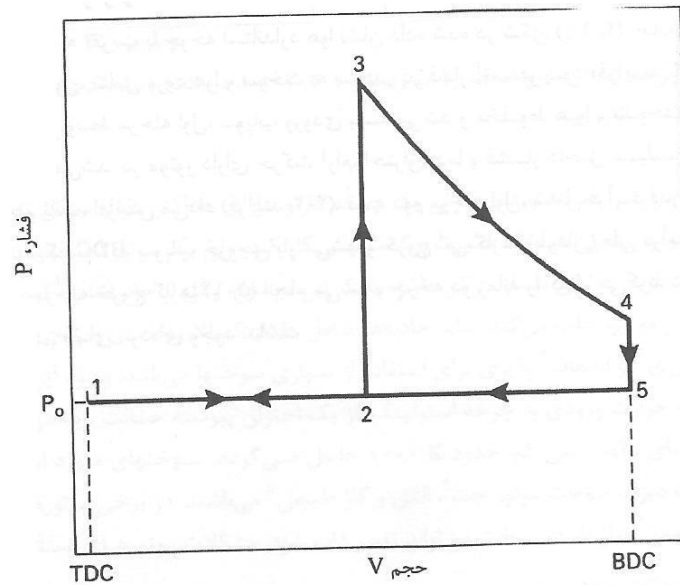


چرخه ایده آل هوای استاندارد استرلینگ، ۱-۲-۳-۴-۱، در (الف) مختصات فشار-حجم ویژه، و (ب) مختصات دما-آنترופی

# چرخه لوناوار



موتور غیر تراکمی لونیوار مربوط به سال ۱۸۶۱



تقریب چرخه استاندارد هوا برای چرخه موتور لونیوار قدیمی، ۱-۲-۳-۴-۵-۱

# Thermodynamics: Review from week 1

**Entropy:** it is a property that indicates the disorder of a system or how much reversible is a process. This last definition relates entropy to energy “quality”.

---

- In a reversible isothermal process involving a heat transfer  $Q_{rev}$  at a temperature  $T_0$ , the entropy is defined as

$$\Delta S = \frac{Q_{rev}}{T_0}$$

**In all processes involving energy conversion or interactions  $\Delta S$  is non-negative.  $\Delta S$  is zero only in reversible processes.**

---

- For any process then  $\Delta S \leq \frac{Q}{T}$
- The “=” in the above relationship will give us the minimum amount of heat  $Q_{min}$  required in a process.

# Carnot Cycle

- Thermodynamic cycle for heat engines
- Describes the thermodynamic energy conversion process for the most efficient heat engine.
- The cycle has 4 states.
- $Q_1$  is the heat (i.e., energy) provided to the Carnot engine
- $Q_2$  is the heat that the engine returns to the environment (heat rejection)
- $W$  is the work (i.e., energy) produced in one cycle

- Without losses

$$W = Q_1 - Q_2$$

- The power produced by the engine is

$$P = W \cdot (\text{cycles per second})$$

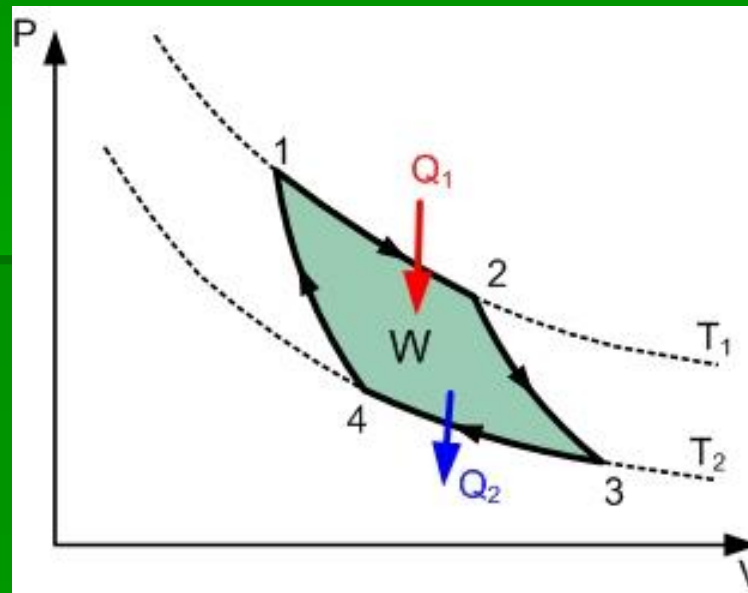
# Carnot Cycle

- From the definition of “work”:

$$W = \int_c F dl = \int_c \frac{F}{dA} dA \cdot dl = \int_c P dV$$

- If the curve is closed (a cycle), then

$$W = \oint P dV$$





# Carnot Cycle

• But in a lossless process:  $W = Q_1 - Q_2$

• Since  $dS = \frac{Q}{T}$

then,

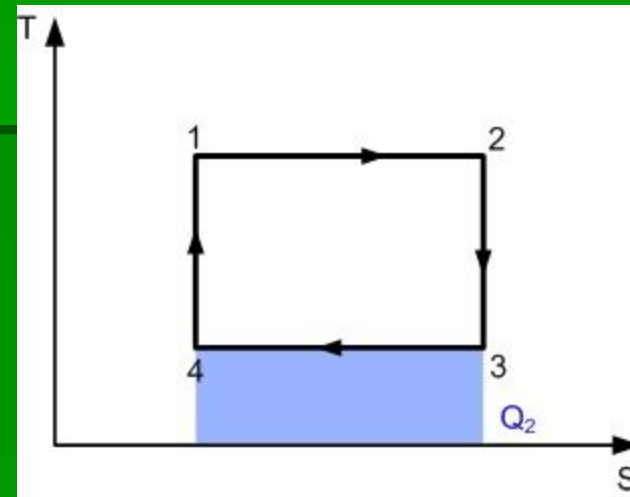
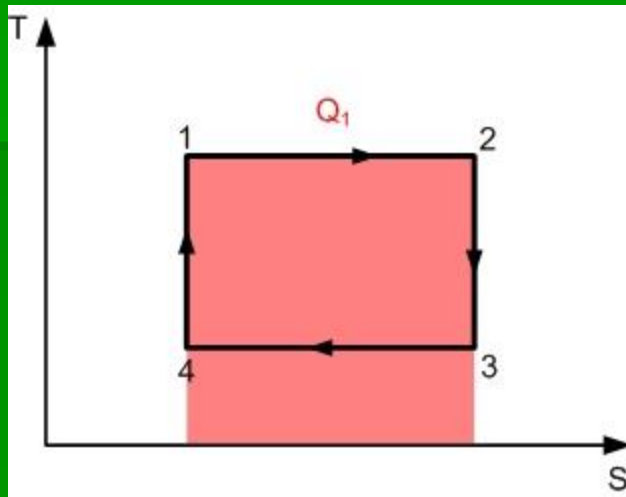
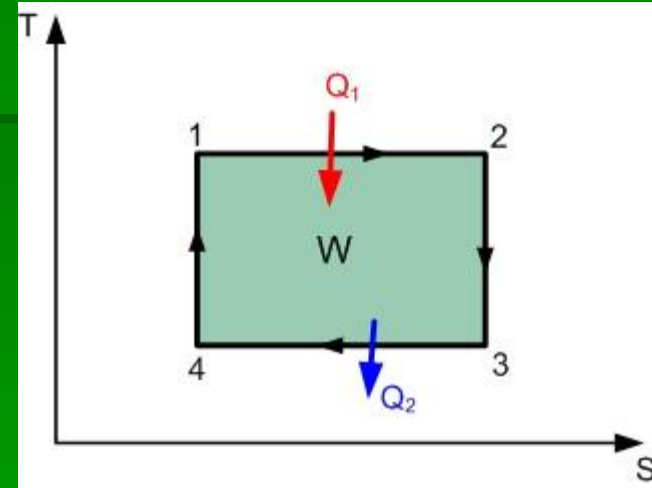
$$Q = \int T dS$$

Thus,

$$W = Q_1 - Q_2 = \int_{S_1}^{S_2} T_1 dS - \int_{S_3}^{S_4} T_2 dS$$

So

$$W = Q_1 - Q_2 = (T_1 - T_2)(S_2 - S_1)$$



# Carnot Cycle

- So

$$W = Q_1 - Q_2 = (T_1 - T_2)(S_2 - S_1)$$

- The efficiency is

$$\eta = \frac{W}{Q_1}$$

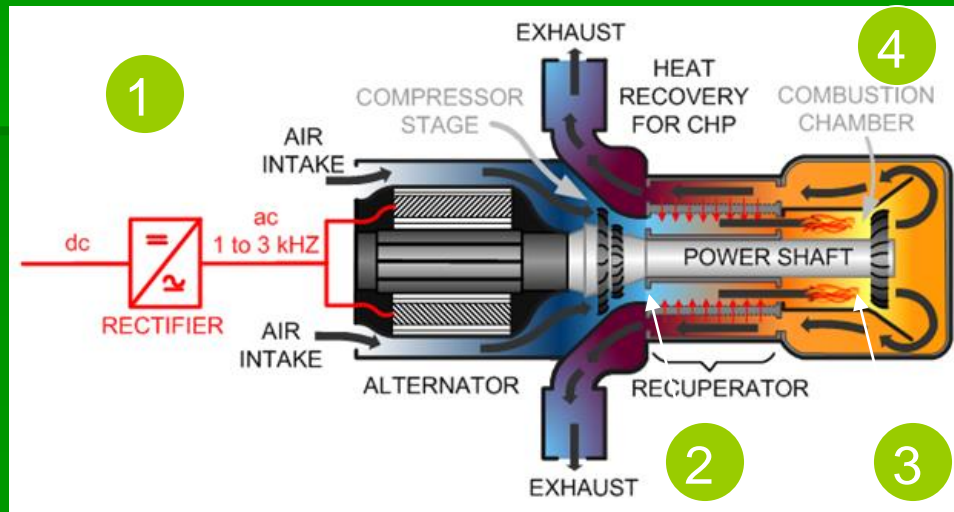
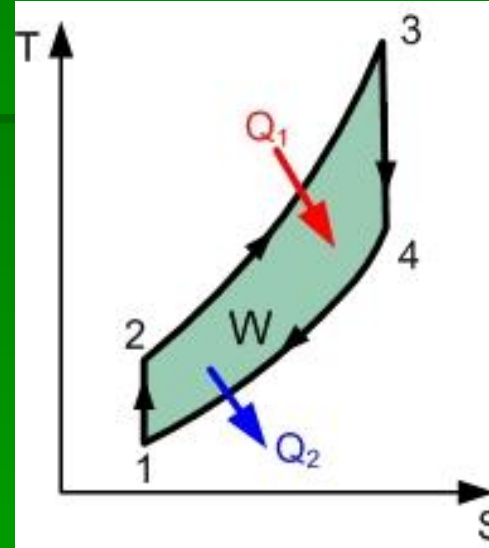
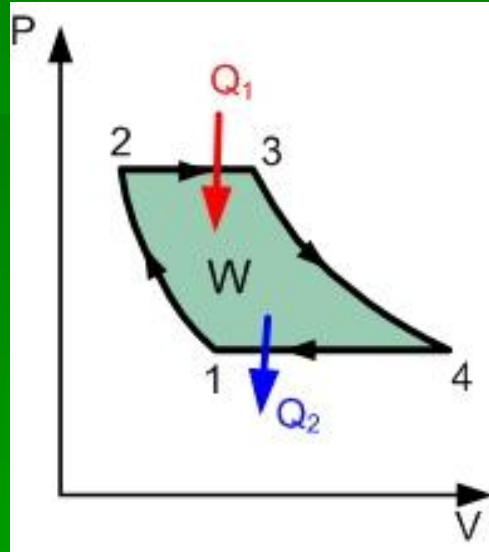
Hence,

$$\eta = \frac{(T_1 - T_2)(S_2 - S_1)}{T_1(S_2 - S_1)} = 1 - \frac{T_2}{T_1}$$

- Observation #1: The efficiency increases as  $T_1$  increases (higher quality heat) and  $T_2$  (typically the ambient temperature) decreases.
- Observation #2: Since  $T_2$  can never be zero, the efficiency can never be 1.
- Observation #3: Stirling engines operation approximates a Carnot Cycle.

# Brayton Cycle

- Gas turbines operation follow a Brayton cycle



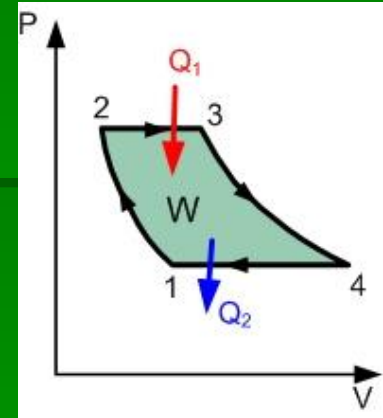
# Brayton Cycle

- We already know that

$$W = Q_1 - Q_2$$

- Thus, the efficiency is

$$\eta = \frac{W}{Q_1} = \frac{Q_1 - Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$



Since heat injection and rejection occur at constant pressure then,

$$Q_1 = c_p (T_3 - T_2)$$

$$Q_2 = -c_p (T_1 - T_4)$$

- Hence, the efficiency is

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{c_p (T_4 - T_1)}{c_p (T_3 - T_2)} = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{T_4}{T_1} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{T_3}{T_2} - 1 \right)}$$

# Brayton Cycle

- Between 1 and 2, and between 3 and 4, the process is adiabatic (no heat exchange) and reversible (S is constant). Hence, the temperature changes due to work related with a pressure change acting on a varying volume.

- In a reversible adiabatic process:

$$P.V^\gamma = \text{constant}$$

and

$$P^{\gamma-1}T^{-\gamma} = \text{constant}$$

where

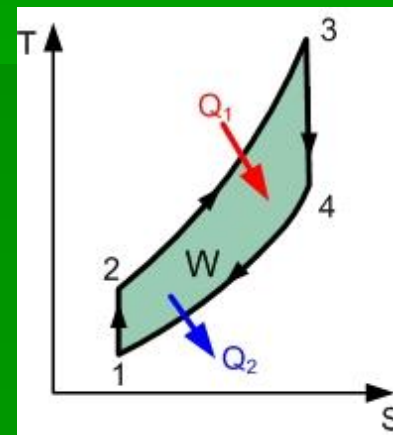
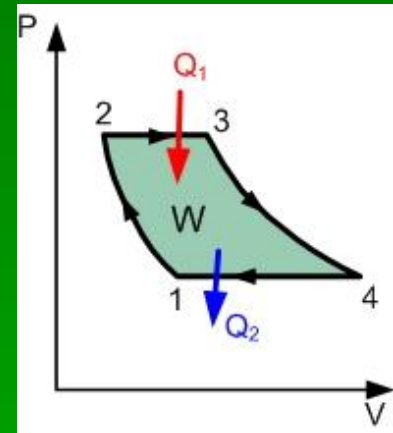
$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

- Hence,

$$P_1V_1^\gamma = P_2V_2^\gamma = P_3V_3^\gamma = P_4V_4^\gamma$$

- Therefore

$$\frac{P_4}{P_3} = \frac{V_2^\gamma}{V_1^\gamma} = \frac{P_1}{P_2}$$



# Brayton Cycle

- From the previous slide:

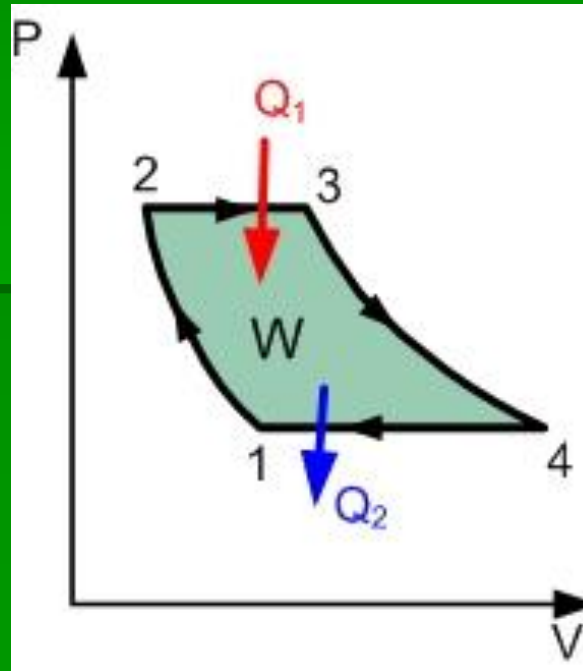
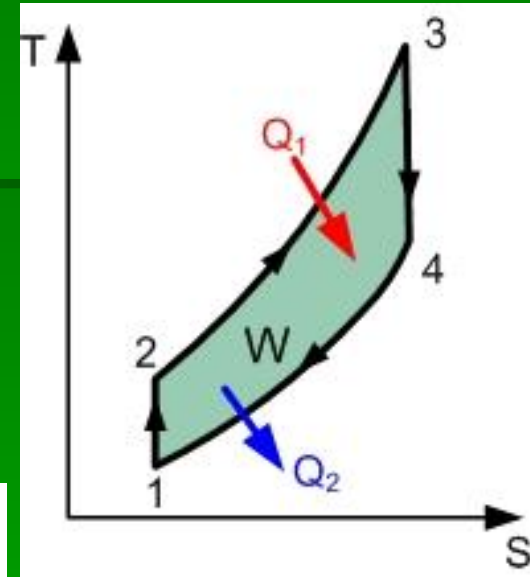
$$\frac{P_4}{P_3} = \frac{P_1}{P_2}$$

- Also, from the previous slide

$$P^{\gamma-1} T^{-\gamma} = \text{constant}$$

- Thus,

$$\frac{T_4}{T_3} = \frac{T_1}{T_2}$$



# Brayton Cycle

- Since the efficiency is (see a couple of slides ago)

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} = 1 - \frac{c_p(T_4 - T_1)}{c_p(T_3 - T_2)} = 1 - \frac{T_1 \left( \frac{T_4}{T_1} - 1 \right)}{T_2 \left( \frac{T_3}{T_2} - 1 \right)}$$

- Then the simplified expression for the efficiency is

$$\eta = 1 - \frac{T_1}{T_2}$$

- Usually, the efficiency is expressed in terms of the temperature ratio (TR) or the pressure ratio (PR)

$$\eta = 1 - \frac{1}{(TR)} = 1 - \frac{1}{(PR)^{(\gamma-1)/\gamma}}$$

where  $(TR) = \frac{T_2}{T_1}$  and  $(PR) = \frac{P_2}{P_1}$

# Questions?

