

(ب) قطر ناچسب:

$$Re = \frac{\rho v d}{\mu}$$

$$C_d = \frac{\epsilon \mu \Delta p d}{\rho v^2 r}$$

$$\frac{C_d}{Re} = \frac{\frac{\epsilon \mu \Delta p d}{\rho v^2 r}}{\frac{\rho v d}{\mu}} = \frac{\epsilon \mu \Delta p}{\rho v^2 r}$$

$$C_d = \left[0.632 + \frac{4.8}{\sqrt{Re}} \right]^{1/2} \rightarrow \frac{C_d}{Re} = \left[0.472 + \frac{2.18}{\sqrt{Re}} \right]^{1/2} \times \frac{1}{Re}$$

$$\frac{1}{\sqrt{Re}} = \left[0.00433 + 0.208 \sqrt{\frac{C_d}{Re}} \right]^{1/2} - 0.0458$$

مراحل حل مسئله با تکرار محض:

① می به عدد رینولد C_d/Re به دست

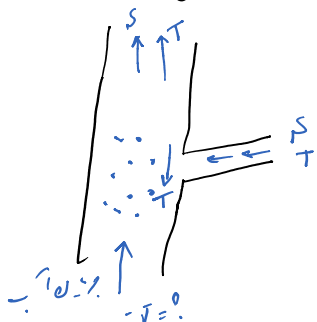
② مقدار عدد رینولد C_d/Re در رابطه *** قرار داده و سرور تا عدد Re می به دست

③ پس از رابطه $Re = \frac{\rho v d}{\mu}$ مقدار d می به دست

④ اگر $C_d/Re > 2$ ، نت دهنده آن است که جریان در محدوده استوکس قرار دارد و مقدار d از رابطه زیر می به دست

$$V = \frac{\epsilon \mu \Delta p}{\mu}$$

مثال: مخلوطی از ذرات یسائیریم ($\rho_g = 4.5$)، سیلیکا ($\rho_s = 2450$) با قطر ۵۰ تا ۳۰۰ μm دارد داخل ظرفی که آب به سرعت بالا حرکت می کند، می ریزیم. اگر ذرات سیلیکا توسط آب به سرعت حرکت می کنند.



$$\rho_f = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_g = \frac{\rho_s}{\rho_f} \Rightarrow \rho_s = \rho_g \cdot \rho_f = 2450 \times 1000 = 2450000 \text{ kg/m}^3$$

$$g = 10$$

$$\Delta p = \rho_s - \rho_f = 2450000 - 1000 = 2449000 \text{ kg/m}^3$$

$$V = 8$$

1 poise = 0.1 pascal second

$$\mu = 1 \text{ cP} = 0.01 \text{ Pa}\cdot\text{s}$$

$$1 \text{ Pa}\cdot\text{s} = 10 \text{ poise}$$

$$\gamma = \frac{\rho_f}{\rho_w} = \frac{\rho_f}{\rho_w}$$

$$\gamma = \frac{\rho_f}{\rho_w} = \frac{\rho_f}{\rho_w}$$

$$\gamma = 8$$

$$1 \text{ poise} = 0.1 \text{ pascal second}$$

$$d = 200 \mu\text{m} = 200 \times 10^{-6} \text{ m}$$

$$1 \text{ Pa} = 1 \text{ Pa} \cdot \text{s}$$

(الف) سرعت نهایی:

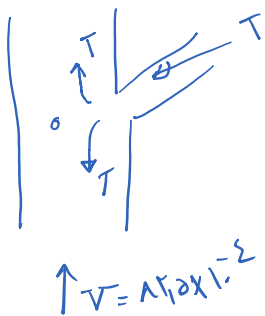
$$1) Ar = \frac{d^2 g \rho \Delta \rho}{\mu^2} = \frac{(200 \times 10^{-6})^2 \times 10 \times 1000 \times 148}{(0.1)^2} = \frac{27 \times 10^{-18} \times 10^3 \times 148}{10^{-2}} = 400$$

$$Ar = 27 \times 148 \times 10^{-18} \times 10^3 \times 10^2 = 27 \times 148 \times 10^{-13} = 27 \times 148 \times 10^{-13} = 400$$

$$Ar < 18 \rightarrow \text{جریان استوکس} \rightarrow V = \frac{g \Delta \rho d^2}{18 \mu} = \frac{10 \times 148 \times (200 \times 10^{-6})^2}{18 \times 0.1} = \frac{148 \times 10^{-12} \times 9 \times 10^{-2} \times 10^{-12}}{18} = \frac{148 \times 9 \times 10^{-26}}{18} = \frac{148}{2} \times 10^{-26}$$

$$V = 148 \times 10^{-26} \text{ m/s} = 148 \times 10^{-26} \text{ cm/s} = 148 \text{ mm/s}$$

سرعت نهایی



(ب) گاز ذرات پیتالیم به به نظر دراز به سمت بالا حرکت می کند.

$$d = ? \quad V = 148 \times 10^{-26} \text{ m/s} \quad (P_s)_T = \rho_s \cdot P_w = 418 \times 1000 = 418000 \text{ kg/m}^3$$

$$\Delta \rho = 418000 - 1000 = 417000$$

$$g = 10$$

1

$$\frac{C_d}{Re} = \frac{4 \mu \Delta \rho g}{\rho^2 v^2} = \frac{4 \times 0.1 \times 417000 \times 10}{2 \times (1000)^2 \times (148 \times 10^{-26})^2} = \frac{4 \times 4170 \times 10}{2 \times (148)^2 \times 10^{-12}} = \frac{4 \times 4170 \times 10^{+7}}{2 \times 10^{-12}} = \frac{16680 \times 10^{+7}}{2 \times 10^{-12}} = 16680 \times 10^{+19} > 2$$

$$= \frac{8 \times 10^4 \times 10^{+7}}{3 \times 10^4 \times 10^4} = \frac{12 \times 10^{+7}}{1488888} = \frac{1200000 \times 10^{+7}}{1488888} = 121 > 100$$

جواب است

$$V = \frac{g \Delta p d^2}{12 \mu} \Rightarrow d^2 = \frac{12 \cdot \mu \cdot V}{g \Delta p} = \frac{12 \times 10^{-4} \times 10^4 \times 10^{-2}}{10 \times 10^4}$$

$$d^2 = \frac{12 \times 10^{-4} \times 10^{-6}}{10 \times 10^4} = \frac{12 \times 10^{-10}}{10^8} = 12 \times 10^{-18} = 12 \cdot 10^{-18}$$

$$d = 10^{-9} \quad m = 10^{-9} \times 10^6 = 10^{-3} = 10^{-3} \text{ mm}$$

مثال: د، $\mu = 10^{-4} \text{ Pa.s}$ ($\mu = 10^{-4} \text{ Pa.s}$)