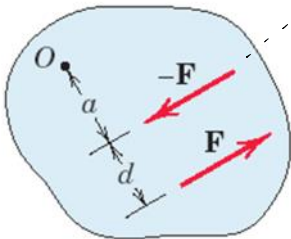


زوج نیرو

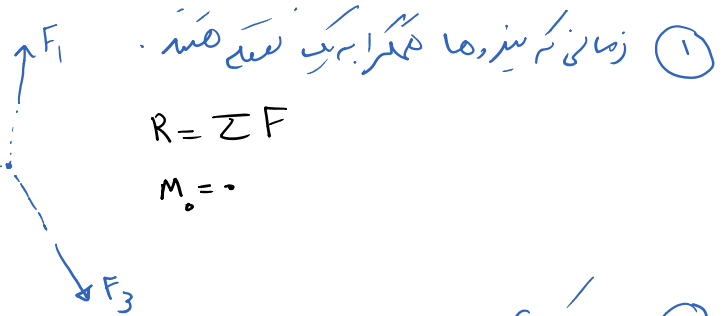
به دو نیروی مساوی، موازی و خلاف جهت هم زوج نیرو گویند



$\sum F = 0 = R$ براسند

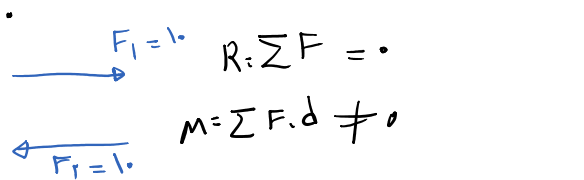
$\sum M_o \neq 0$

فتقلاً باعث چرخش کائور (دوران)



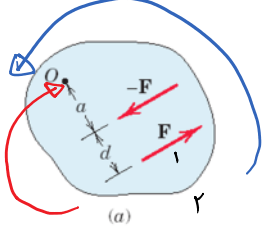
① زمانی که نیروها همگرا به یک نقطه صاف
 $R = \sum F$
 $M_o = 0$

② زمانی که برآیند نیروها صاف باشد



$R = \sum F = 0$
 $M = \sum F \cdot d \neq 0$

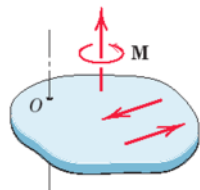
به دو صورت گشتاور زوج نیرو محاسبه می شود



$M = F(a + d) - Fa$

$M = Fd$

الف) اسکالر



گشتاور زوج نیرو همیشه عمود بر صفحه زوج نیروها می باشد

$F_1 = F_2 = F$

$M_1 = -F_1 \times a$
 $M_2 = +F_2 \times (a + d)$

$M_o = \sum M = M_1 + M_2$
 $= +F_2(a + d) - F_1 a$
 $= F(a + d) - Fa$
 $= Fa + Fd - Fa = F \cdot d$

① اندازه گشتاور زوج دارای مقدار ثابت $F \cdot d$ است.

② جهت آن همیشه جهت است (برای هر گروه)

③ حول هر نقطه گشتاور آن که به نورد مقدار آن ثابت است.

$M_o = F \cdot d$

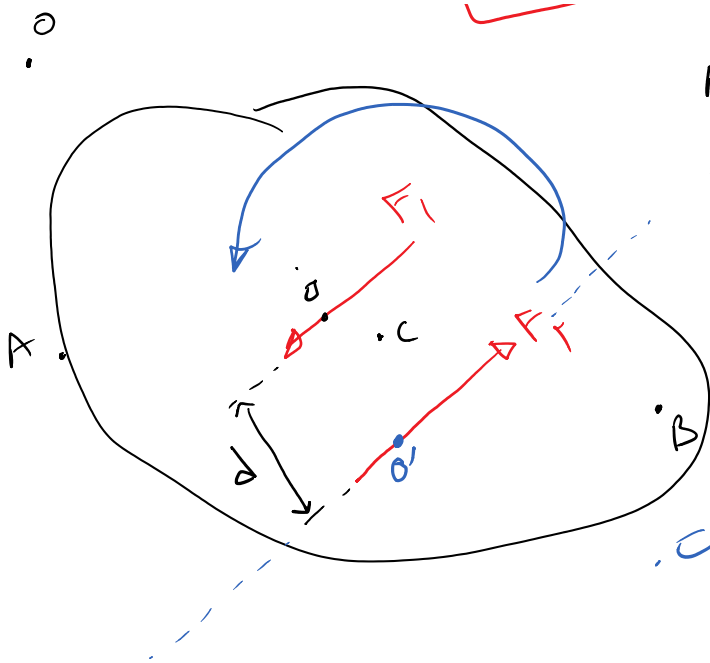
$M_1 = F_1(c + d)$

$M_2 = -F_2 \cdot c$

$M_k = \sum M = M_1 + M_2 = F_1(c + d) - F_2 c$
 $= F(c + d) - Fc$
 $= F \cdot d \checkmark$

$M_o = M_k = M_N$

$M_1 = F_1 \cdot d_1 = 0$



$$M_1 = F_1 \cdot d_1 = 0$$

$$M_2 = F_2 \times d = F_2 d$$

$$M_O = M_1 + M_2 = F \cdot d$$

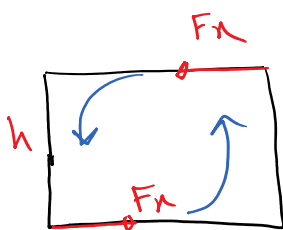
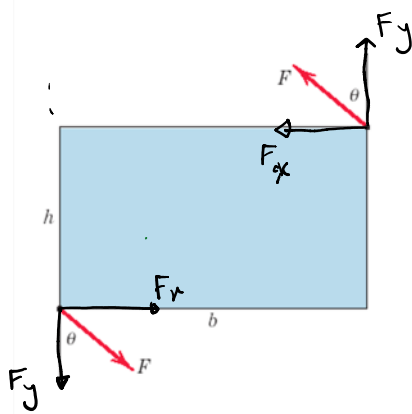
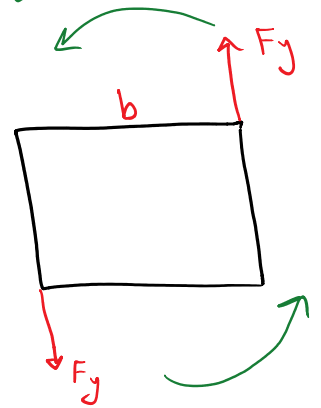
بردار آزار ← دارای خط اثر منحصراً نزدیک نیست.
 گشتاور زوج نیرو یک بردار آزار است.

گشتاور زوج نیروی را محاسبه کنید

$$d = \sqrt{h^2 + b^2}$$

$$M = F \cdot d = F \cdot \sqrt{h^2 + b^2}$$

$$M_y = F_y \times b$$



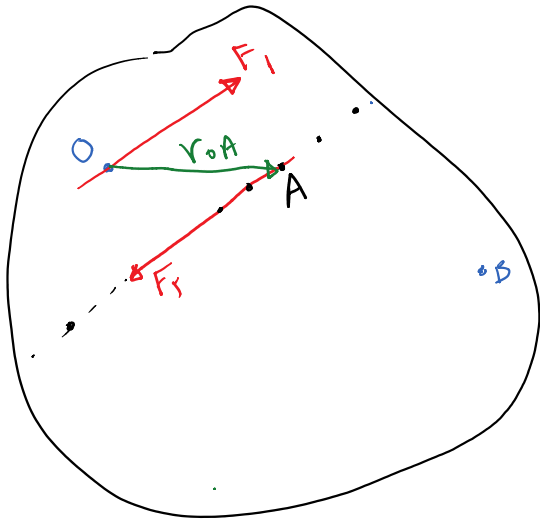
$$M_x = F_x \times h$$

$$M = M_x + M_y = F_x \cdot h + F_y \cdot b$$

$$F_1 = F_2 = F$$

گشتاور زوج نیرو

$$F_1 = F_2 = F$$



ی به گسترده زنی میزوما به صورت بردار
 ① گسترده حول هر نقطه ای که به محور گسترده از آن و جهت آن ثابت است

مدخل:
 ① انتظاب یک نقطه گسترده در راستای می از میزوما
 $M_1 = F_1 \times d_0 = 0$ (نقطه 0 ← F_1)

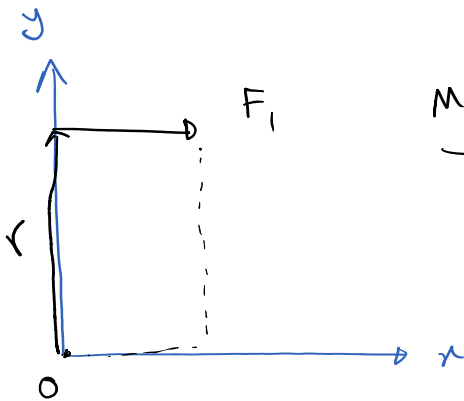
② میزوی F_2 بصورت برداری می نرم

③ انتظاب یک نقطه در راستای میزوی F_2 (نقطه A)

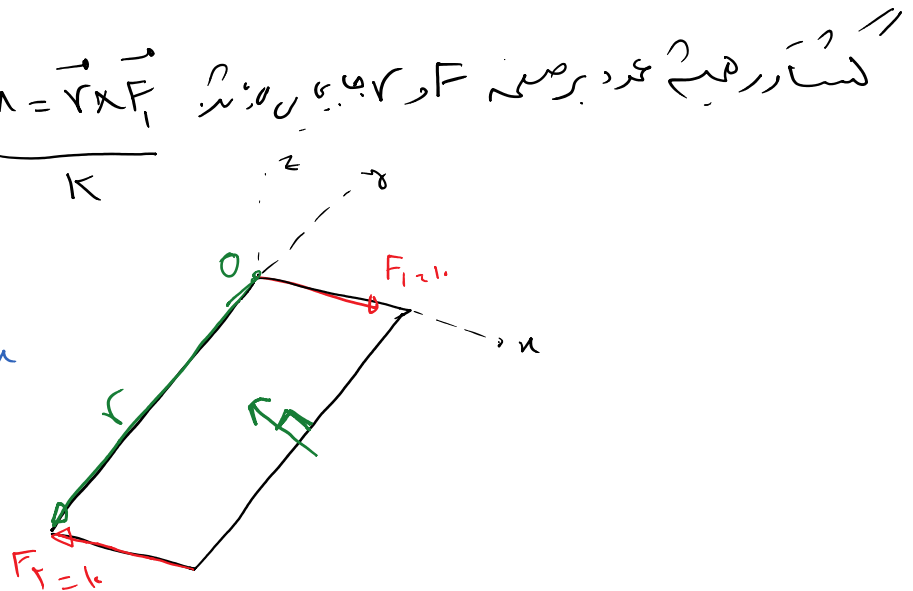
④ تشکیل بردار جای r_{OA}

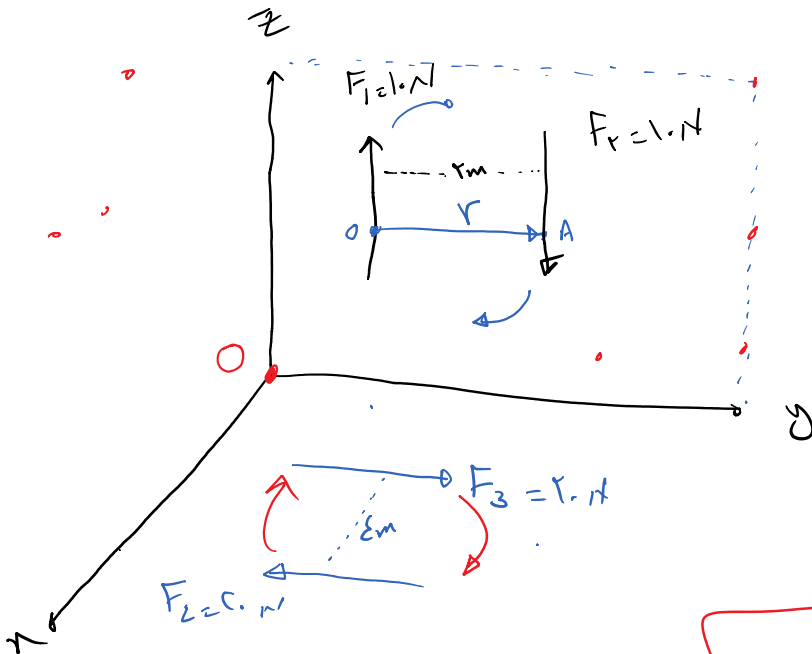
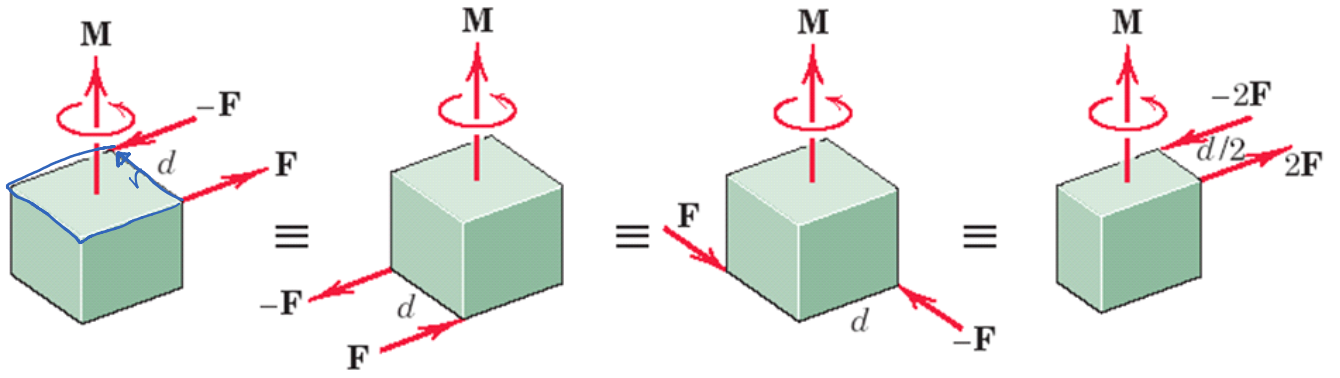
⑤ می به گسترده زنی میزوما

$$\underline{\underline{M}} = \underline{r_{OA}} \times \underline{F_2}$$



$$M = \frac{\underline{r} \times \underline{F_1}}{K}$$





$$M = F \cdot d = 10 \times r = r \cdot 10 \text{ N}\cdot\text{m}$$

$$\vec{M} = -r \cdot z$$

$$M = F \cdot d = r \cdot 10 = 10r$$

$$\vec{M} = -10r \cdot \mathbf{k}$$

$$\vec{M} = -10r \cdot \mathbf{k} - r \cdot z$$